

# Poročilo: Magnetno polje Helmholtzove tuljave (23. naloga)

Anton Luka Šijanec, 3. a

V petek, 3. junija 2022

## Povzetek

Poročilo merjenja magnetnega polja Helmholtzove tuljave vzdolž dveh geometrijskih osi in primerjave rezultatov s teoretično napovedjo pri fiziki na Gimnaziji Bežigrad.

## Kazalo

<b>1</b>	<b>Uvod</b>	<b>2</b>
<b>2</b>	<b>Teorija</b>	<b>2</b>
2.1	Razlaga enačbe . . . . .	2
2.1.1	Biot-Savartov zakon . . . . .	2
2.2	Polje na osi zanke skozi obe navitji . . . . .	3
2.2.1	Dodajanje zank . . . . .	3
2.3	Potreben tok za dosego željenega homogenega toka . . . . .	3
2.4	Polje na simetrijski osi . . . . .	4
2.5	Grafi . . . . .	4
2.6	Numerična analiza . . . . .	4
<b>3</b>	<b>Praktične meritve</b>	<b>5</b>
3.1	Pripomočki . . . . .	6
3.2	Opis rezultatov . . . . .	6
3.3	Slike grafov rezultatov . . . . .	6
3.4	Primerjava s teoretično napovedjo . . . . .	7
<b>4</b>	<b>Viri</b>	<b>9</b>
<b>5</b>	<b>Zaključek</b>	<b>10</b>
<b>6</b>	<b>Priloge</b>	<b>10</b>
6.1	Program za teoretičen izris magnetnega polja okoli tuljave . . . . .	10

**Opomba** Uvod in teorija, z izjemo numerične obdelave, sta enaka kot v opisu projekta.

# 1 Uvod

Helmholtzova tuljava oziroma Helmholtzov par je poimenovana po nemškemu fiziku devetnajstega stoletja Hermannu Ludwigu Ferdinandu von Helmholtzu in predstavlja pripravo za izdelavo umetnega lahko dostopnega homogenega magnetnega polja visoke kvalitete. Solenoidi, torej dolge in ozke tuljave, pod električnim poljem sicer delajo kvalitetno, z vstavljenim feromagnetom tudi močno magnetno polje, vendar je le-to težko dostopno, saj se nahaja znotraj navojev. Helmholtzova tuljava pa je sestavljena iz dveh tokovnih zank oziroma magnetnih dipolov, to sta dve ravninsko vzporedni enaki kratki in široki med seboj za polmer oddaljeni tuljavi. Ob prisotnosti enako velikega in enako usmerjenega električnega toka v vodnikih se v sredini med njima pojavi veliko območje s homogenim magnetnim poljem, kar je uporabno za mnoge elektrotehnične probleme, denimo natančno kalibracijo merilnikov in nasprotovanje vplivu Zemljinega magnetnega polja na instrumente.

Maxwellova tuljava škotskega fizika Jamesa Clerka Maxwella je dodatek Helmholtzovi tuljavi. Z dodatnimi pravilno postavljenimi navitji za ceno dodatnega materiala in kompleksnosti dodatno poveča območje in homogenost magnetnega polja.

## 2 Teorija

Navodilo zahteva meritev in teoretično napoved vrednosti magnetnega polja na oseh tuljave. Če je radij  $R$ , število navojev  $n$  in tok  $I$ , je jakost magnetnega polja  $B$  na sredini

$$B = \left(\frac{4}{5}\right)^{3/2} \frac{\mu_0 n I}{R},$$

kjer je  $\mu_0$  induksijska/magnetna konstanta. ( $\pi 4\text{e-}7 \text{ V s A}^{-1} \text{ m}^{-1}$ ).

### 2.1 Razlaga enačbe

#### 2.1.1 Biot-Savartov zakon

Z Biot-Savartovim zakonom predstavimo vektor  $B$  magnetnega polja, ki se pojavi zaradi stalnega električnega polja  $I$  v vodniku na poti  $C$ . Predstavi relacijo magnetnega polja na jakost, smer, dolžino in bližino električnega toka z enačbo

$$B(r) = \frac{\mu_0}{4\pi} \oint_C \frac{I d\ell \times \hat{r}'}{|\mathbf{r}'|^2},$$

kjer je  $d\ell$  vektor na poti elektronov  $C$  (krožnica), katerega velikost je infinitezimalno majhen del vodnika v smeri električnega toka,  $\ell$  je torej točka na  $C$ ,  $\hat{r}'$  je enotski vektor (množen z obratno vrednostjo svoje velikosti —  $\hat{r}' = \mathbf{r}' \cdot |\mathbf{r}'|^{-1}$ ) vektorja  $\mathbf{r}' = \mathbf{r} - \ell$  — vektorja premika od vodnika ( $d\ell$  oz.  $\ell$ ) do točke  $r$ , katere vektor magnetnega polja želimo izračunati. Od prej je  $\mu_0$  še vedno induksijska/magnetna konstanta.

Čeprav se zakon povečini, kot v našem primeru, uporablja na zankah, v katerih teče električni tok, velja tudi za neskončno dolge vodnike. Na tak način je bil z Biot-Savartovim in Lorentzovim zakonom na primer do leta 2019 SI amper definiran kot konstantni tok, ki v vakuumu, ko teče po dveh eden od drugega za en meter oddaljenih vzporednih vodnikih neskončne dolžine z zanemarljivim premerom, povzroči nastanek sile  $2\text{e-}7 \text{ N}$  na vsak meter dolžine vodnika.

## 2.2 Polje na osi zanke skozi obe navitji

Biot-Savartov zakon poenostavimo in izračunamo vektorja  $B$  za na osi zanke s polmerom  $R$  vodnika, po katerem teče tok  $I$ , poljubno točko  $T$ , oddaljeno  $z$  od središča zanke  $S$ .

Zanima nas samo  $z$  osjo vzporedna komponenta  $B_z$  vektorja magnetnega polja, ker na os pravokotne komponente v homogenem polju sploh ne bo, ko bomo računali jakost polja znotraj Helmholtzove tuljave.

Kot med na os pravokotno in  $z$  osjo vzporedno komponento vektorja  $B$  je enak kotu  $(\ell, T, S)$ . Torej je

$$\sin \theta = \frac{R}{r = \sqrt{z^2 + R^2}} \wedge dB_Z = dB \sin \theta \implies dB_Z = \frac{\mu_0 I d\ell}{4\pi} \cdot \frac{R}{(z^2 + R^2)^{3/2}}.$$

Vse vrednosti, razen infinitezimalne dolžine na zanki  $d\ell$ , so konstantne, integriranje  $d\ell$  pa predstavlja obseg zanke  $2\pi R$ . Tako je velikost  $z$  osjo zanke vzporedne komponente vektorja magnetnega polja v točki  $T$  izračunana z enačbo

$$B_Z = \frac{\mu_0 I}{4\pi} \cdot \frac{2\pi R^2}{(z^2 + R^2)^{3/2}}.$$

Ker so vse točke  $d\ell$  na zanki enako oddaljene od točke  $T$ , je za točke  $z$  na osi tuljav  $B_Z(z) = B(z)$ .

### 2.2.1 Dodajanje zank

Da dobimo enačbo za polje enega navitja Helmholtzove tuljave, enačbo za eno zanko preprosto zmnožimo s številom zank  $n$ :

$$B_1(z) = \frac{n\mu_0 R^2 I}{2(z^2 + R^2)^{3/2}}.$$

Zanima nas taka vrednost  $z$ , ki je v središču med obema navitjema. To je, kot je zgoraj opisano,  $z = R/2$ :

$$B_1\left(\frac{R}{2}\right) = \frac{n\mu_0 R^2 I}{2\left(\left(\frac{R}{2}\right)^2 + R^2\right)^{3/2}}.$$

Jakost magnetnega polja med obema simetričnima navitjema je enaka dvakratniku  $B_1$ .

$$\begin{aligned} B\left(\frac{R}{2}\right) &= 2B_{1Z}\left(\frac{R}{2}\right) = \\ &= \frac{2n\mu_0 R^2 I}{2\left(\left(\frac{R}{2}\right)^2 + R^2\right)^{3/2}} = \frac{n\mu_0 R^2 I}{\left(\frac{1}{4}R^2 + R^2\right)^{3/2}} = \frac{n\mu_0 R^2 I}{\left(\frac{5}{4}R^2\right)^{3/2}} = \left(\frac{4}{5}\right)^{3/2} \frac{n\mu_0 R^2 I}{R^3} = \left(\frac{8}{5\sqrt{5}}\right) \frac{n\mu I}{R}. \end{aligned}$$

## 2.3 Potreben tok za doseg željenega homogenega toka

Zgornjo enačbo preuredimo v

$$I = \left(\frac{5}{4}\right)^{3/2} \left(\frac{BR}{\mu_0 n}\right),$$

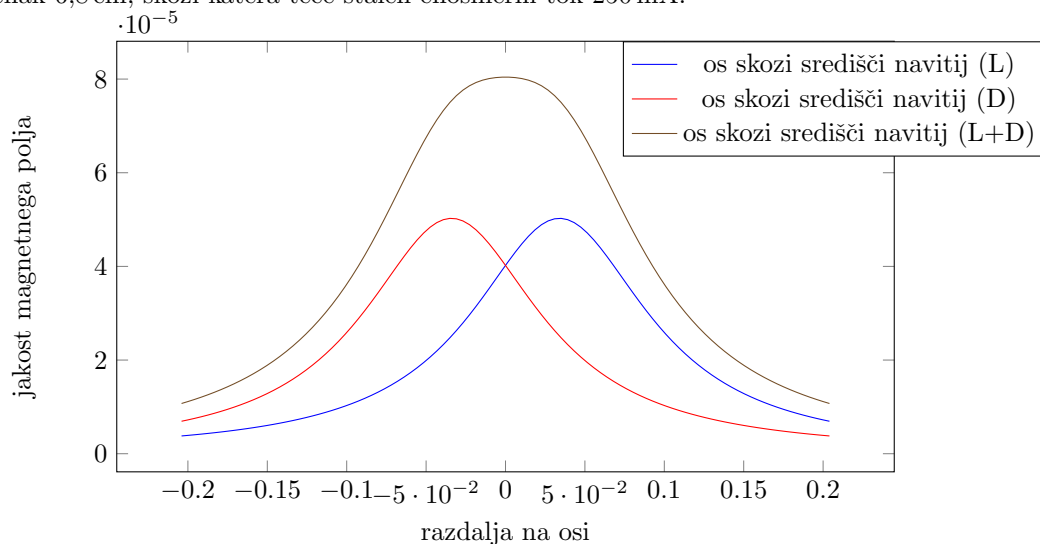
kjer je  $\mu_0$  malo drugače zapisana ista induksijska/magnetna konstanta ( $= \pi 4e-7 \text{ T m A}^{-1}$ ), in s tem izračunamo potreben tok za stalno homogeno magnetno polje v središču tuljave.

## 2.4 Polje na simetrijski osi

Druge osi nisem znal izračunati, zato bom teoretično napoved izračunal numerično - predstavljal si bom, da je namesto okrogle zanke tam mnogokotnik in uporabil Biot-Savartov zakon v iteraciji z računalnikom.

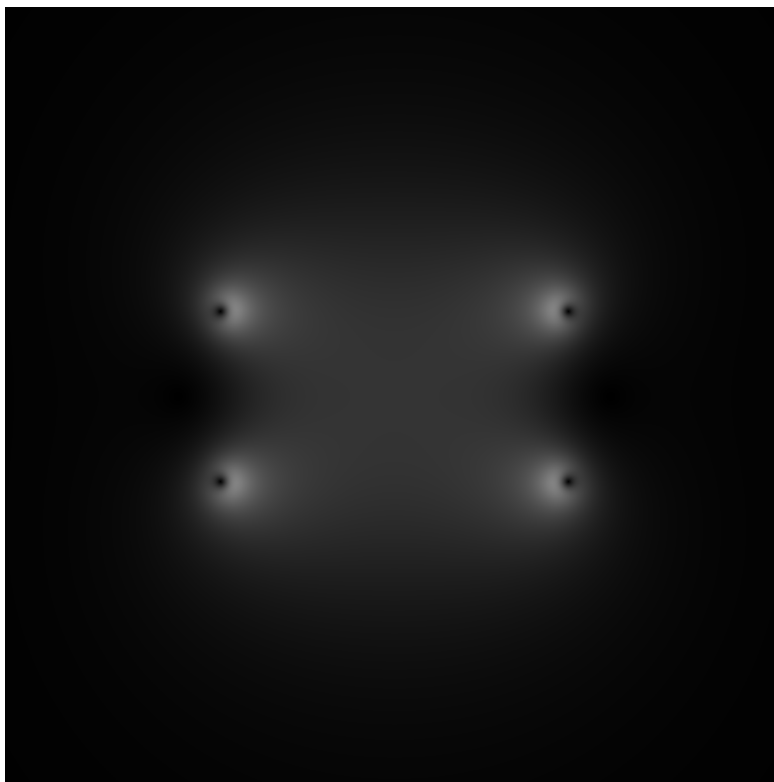
## 2.5 Grafi

Kot primer vzemimo šolsko Helmholtzovo tuljavo s 320 navoji na vsakem navitju, katerega radij je enak 6,8 cm, skozi katera teče stalen enosmerni tok 250 mA.



## 2.6 Numerična analiza

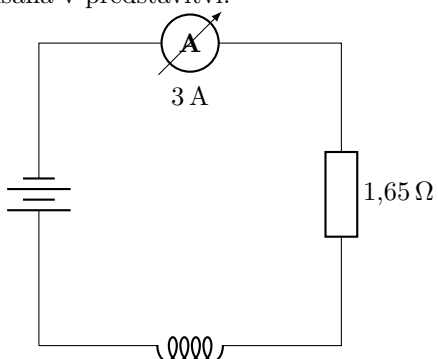
Numerična analiza je preprosta; namesto zanke v obliki kroga seštejemo vrednosti na odsekih vodnika, ki predstavlja mnogokotnik v 3D prostoru. Program za numerično analizo je priložen dokumentu in, v kolikor generira za mojo eksperimentalno tuljavo (`./numerično.c 0.088 3 17 0.0002 1000 30 pgm > izhod.pgm`), izdela sledeč graf:



Slika 1: Teoretični model tuljave

### 3 Praktične meritve

Kot je napisano v opisu projekta, sem uporabil TDKjev MPU9250 merilnik in mikrokrmilnik Espressif 8266, ki je vsakih nekaj milisekund izmeril absolutno jakost magnetnega polja. Za določanje pozicije merilnika ob danem času sem uporabil funkcijo *Motion Tracking* v programu Blender. Korelacija podatkov iz dveh virov s stališča fizike ni pomembna, vendar je vseeno bežno opisana v predstavitvi.



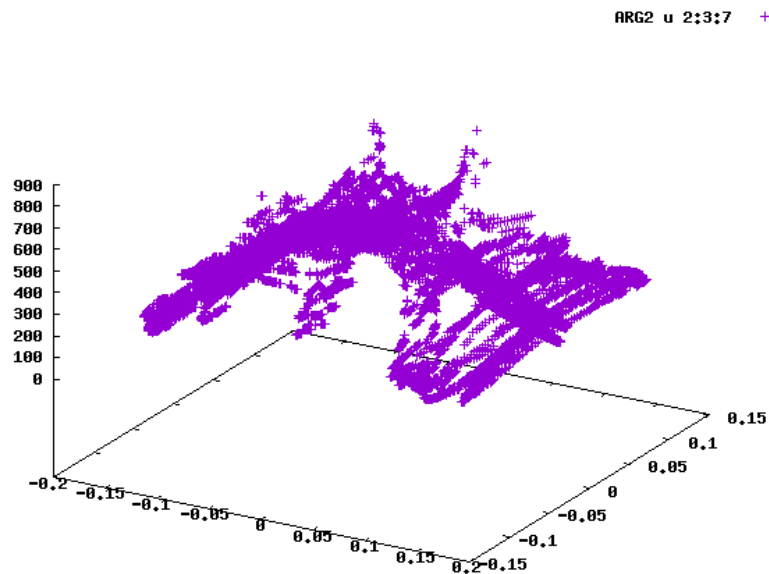
### 3.1 Pripomočki

- 3 A 5 V napajalnik
- štiri 10 W  $2,2\ \Omega$  uporniki za nadomestno upornost vsaj  $1,65\ \Omega$  in zmožnost porabe 20 W – v resnici je bila teoretična poraba 15 V A
- lakirana bakrena žica za navitji s polmerom 8,8 cm, pridobljena iz toroidnega transformatorja
- kamera prenosnega telefona za videoanalizo
- Hallov merilnik magnetnega polja

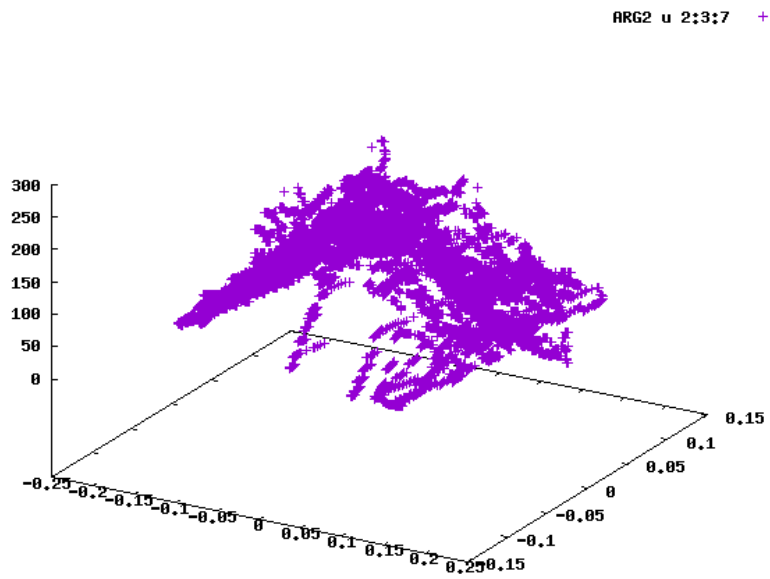
### 3.2 Opis rezultatov

Dobil sem tabelo s 24553 vrsticami. Opravi sem osem uspešnih meritev, od tega tri na troamperskem toku, pet pa na dvoamperskem toku. Tabeli meritev sta dostopni na <http://git.sijanec.eu/sijanec/sola-gimb-3/src/branch/master/fiz/naloga/relacije>.

### 3.3 Slike grafov rezultatov



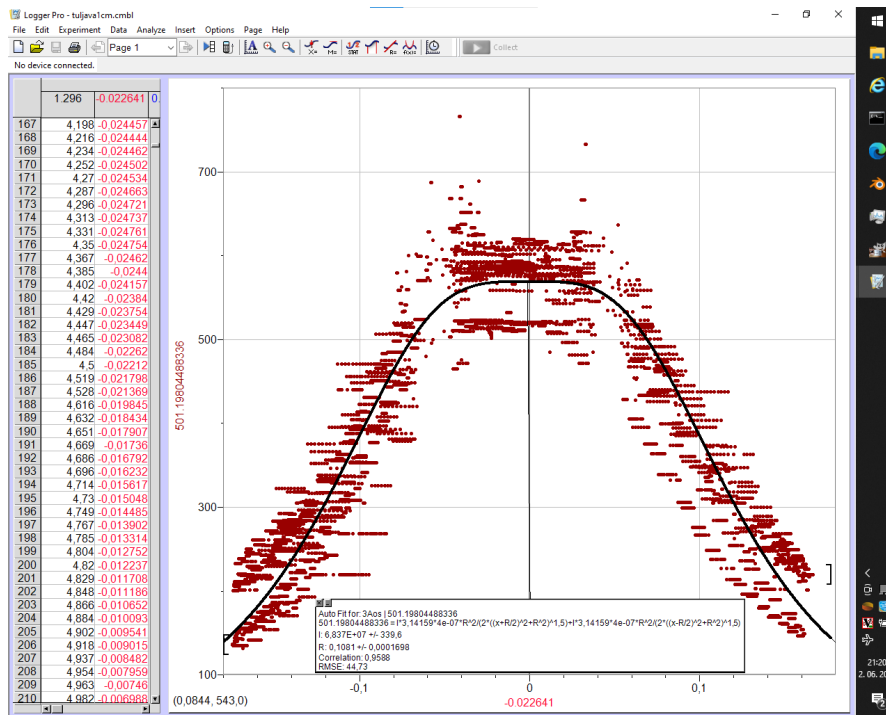
Slika 2: Graf magnetnega polja v odvisnosti od pozicije pri triamperskem toku



Slika 3: Graf magnetnega polja v odvisnosti od pozicije pri dvoamperskem toku

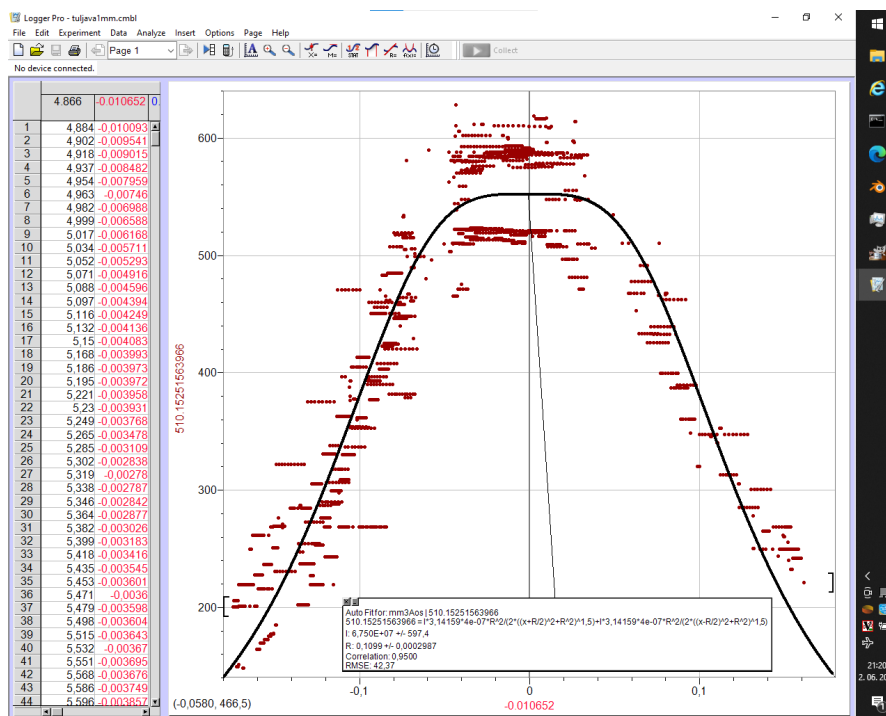
### 3.4 Primerjava s teoretično napovedjo

Podatke sem uvozil v LoggerPro in izdelal prilagoditveno krivuljo. Iz meritev sem izluščil najprej centimeterski in nato še milimetrski pas okoli osi.



Slika 4: Grafa meritev in prilagoditvene krivulje, če je pas centimetrski





Slika 5: Grafa meritev in prilagoditvene krivulje, če je pas milimetrski

## 4 Viri

### Internetni viri

[B.d.]. urlalso: <http://hyperphysics.phy-astr.gsu.edu/hbase/magnetic/curloo.html#c4>.

[B.d.]. urlalso: <http://hyperphysics.phy-astr.gsu.edu/hbase/magnetic/curloo.html#c3>.

[B.d.]. urlalso: [http://sl.wikipedia.org/wiki/Hallov\\_pojav](http://sl.wikipedia.org/wiki/Hallov_pojav).

[B.d.]. urlalso: <http://invensense.tdk.com/wp-content/uploads/2015/02/PS-MPU-9250A-01-v1.1.pdf>.

[B.d.]. urlalso: [http://en.wikipedia.org/wiki/Helmholtz\\_coil](http://en.wikipedia.org/wiki/Helmholtz_coil).

[B.d.]. urlalso: <http://lbm.fe.uni-lj.si/oe/OE2/LabVaja/Priprave%20za%201VAJ0%200E2%20V2.docx>.

[B.d.]. urlalso: [http://en.wikipedia.org/wiki/Biot%E2%80%93Savart\\_law](http://en.wikipedia.org/wiki/Biot%E2%80%93Savart_law).

[B.d.]. urlalso: <http://sl.wikipedia.org/wiki/Infinitezimala>.

[B.d.]. urlalso: [http://en.wikipedia.org/wiki/Lorentz\\_force](http://en.wikipedia.org/wiki/Lorentz_force).

[B.d.]. urlalso: <http://hyperphysics.phy-astr.gsu.edu/hbase/magnetic/Biosav.html#c1>.

[B.d.]. urlalso: [http://en.wikipedia.org/wiki/Ampere#Former\\_definition\\_in\\_the\\_SI](http://en.wikipedia.org/wiki/Ampere#Former_definition_in_the_SI).

[B.d.]. urlalso: [http://en.wikipedia.org/wiki/Rotation\\_matrix](http://en.wikipedia.org/wiki/Rotation_matrix).

## 5 Zaključek

Prilagoditvena krivulja v programu LoggerPro je ustrezno natančna.

## 6 Priloge

### 6.1 Program za teoretičen izris magnetnega polja okoli tuljave

Animaciji dveh tuljav, ki se premikata po prostoru: <http://video.arnes.si/?q=helmholtz>. Ena je izdelana s hitrejšim programom (in večjim, da ga res nima smisla vključevati v dokument) v OpenGL, druga pa s tem programom.

```
1 #include <stdlib.h>
2 #include <stdio.h>
3 #include <error.h>
4 #include <math.h>
5 #include <signal.h>
6 #include <string.h>
7 #include <errno.h>
8 #define UVOD "program za numerični izris jakosti magnetnega polja okoli
   helmholtzove tuljave\n" \
9 "sem spisal anton luka ijanec za projektno nalogo pri fiziki v tretjem letniku
   gimb.\n" \
10 "uporaba: %s in nujni argumenti po vrsti:\n" \
11 " 1. radij enega navitja v metrih\n" \
12 " 2. tok, ki teče po vodniku v amperih\n" \
13 " 3.tevilo navojev na enem navitju\n" \
14 " 4. razmak med merilnimi točkami v metrih\n" \
15 " 5. koliko meritev od središča v obe dimenziji naj napravimo\n" \
16 " 6. koliko kotov naj ima navitje - računamo, kot da je mnogokotnik\n" \
17 "nenujni argumenti: prazen niz argument nastavi na privzeto vrednost.\n" \
18 " 7. tip izhodnih podatkov (pgm, ppm ali tsv). privzeto je to pgm.\n" \
19 " 8. razmak med navitjima. privzeto je to r/2.\n" \
20 " 9. zamik enega navitja v metrih. privzeto sta osi navitij ista premica.\n" \
21 " A. polmer druge tuljave. privzeto je enak polmeru prve tuljave.\n" \
22 " B. tok druge tuljave v metrih. privzeto je enak toku prve tuljave.\n" \
23 "oblika izhodnih podatkov, e je 7. parameter pgm, so pgm slike z vrednostmi
   0-255\n" \
24 " - slika je prerez tuljave. magnetno polje teče vodoravno.\n" \
25 " - vrednosti direktno korelirajo z izračunano jakostjo v decigaussih: 10e-5
   tesla\n" \
26 " - slika je široka 1+2*koliko in visoka 1+2*koliko (5. argument) slikovnih
   točk\n" \
27 "oblika izhodnih podatkov, e je 7. parameter ppm, so barvne slike z 8 biti na
   barvo\n" \
28 " - barvi rdeča in zelena predstavljata komponenti vektorjev polja i in j\n" \
29 "oblika izhodnih podatkov, e je 7. parameter tsv, je tsv, z naslednjimi
   stolpci:\n" \
30 " 1. komponenta i krajevnega vektorja točke meritve. 0,0 je v središču
   tuljave.\n" \
31 " 2. komponenta j krajevnega vektorja točke meritve. 0,0 je v središču
   tuljave.\n" \
32 " 3. komponenta i vektorja magnetnega polja v točki meritve.\n" \
33 " 4. komponenta j vektorja magnetnega polja v točki meritve.\n" \
34 " 5. jakost magnetnega polja v teslah - tokrat ni v decigaussih!\n" \
35 "na izdelave animacije: podan naj bo samo en argument - animacija - TOLE NE
   DELA\n" \
36 " - delajo se datoteke animacija0000.ppm, animacija0001.ppm, ... \n" \
37 " - parametri se sinusoidno spreminjajo po vdelanih konstantah.\n" \
```

```

38 " - slike lahko recimo s ffmpeg(1) nato pretvorite v videoposnetek\n" \
39 "DODATEK :: izra un za eno to ko:\n" \
40 " - 1. argument je 'enkrat', 2. R, 3. x, 4. y, 5. kotov\n" \
41 " - x in y koordinati sta v metrih. program izpi e eno vrstico\n" \
42 " - v vrstici so i, j in k komponente polja in absolutna vrednost.\n"
43 enum oblika {
44     PGM,
45     PPM,
46     TSV,
47     ANIMACIJA
48 };
49 struct vektor {
50     long double i; // x - desno na sliki
51     long double j; // y - gor na sliki
52     long double k; // z - v monitor
53 };
54 struct vektor se tej (struct vektor a, struct vektor b) {
55     struct vektor r = {
56         .i = a.i + b.i,
57         .j = a.j + b.j,
58         .k = a.k + b.k,
59     };
60     return r;
61 }
62 struct vektor vektorski_produkt (struct vektor a, struct vektor b) { // ne bom
        implementiral
63     struct vektor r = { // matrik
64         .i = a.j*b.k - a.k*b.j,
65         .j = a.k*b.i - a.i*b.k,
66         .k = a.i*b.j - a.j*b.i
67     };
68     return r;
69 }
70 struct vektor mno i (struct vektor a, long double d) {
71     struct vektor r = {
72         .i = a.i * d,
73         .j = a.j * d,
74         .k = a.k * d
75     };
76     return r;
77 }
78 long double absolutno (struct vektor a) {
79     return sqrtl(a.i*a.i+a.j*a.j+a.k*a.k);
80 }
81 #define MUO 4e-6*M_PI
82 struct vektor tuljava (long double R, unsigned kotov, struct vektor m /* meritev -
        krajevni */) {
83     long double dl_abs = 2*M_PI*R/kotov; // metri - dol ina vodnika
84     long double dr = 2*M_PI/kotov; // radiani - kot med dl in to ko na (0,R -
        vrh zanke)
85     struct vektor B = {
86         .i = 0,
87         .j = 0,
88         .k = 0
89     };
90     for (unsigned i = 0; i < kotov; i++) {
91         long double theta = dr*i; // kot na krogu
92         struct vektor dl;
93         dl.j = cosl(theta)*dl_abs;
94         dl.k = -sinl(theta)*dl_abs; // minus po skici sode //of.sijanec.eu/sfu/skic
        .jpg
95         dl.i = 0; // sicer je vseeno, m je na z = 0 in gledamo vse

```

```

96     struct vektor r;
97     r.i = 0;
98     r.j = sinl(theta)*R;
99     r.k = cosl(theta)*R;
100    r = se tej(r, m);
101    B = se tej(B,
102        mno i(
103            vektorski_produkt(dl, r),
104            1/(absolutno(r)*absolutno(r)*absolutno(r))
105        )
106    );
107 }
108 B = mno i(B, MU0/(4*M_PI));
109 return B;
110 } // ena zanka ob toku I A. pomnoži s tokom in tevilom navitij. 0,0 je v
    sredini. B te e v desno.
111 struct vektor zavrti_okoli (struct vektor to_ka, struct vektor sredi_e, long
    double kot) {
112     to_ka = se tej(to_ka, mno i(sredi_e, -1));
113     struct vektor r = {
114         .i = cosl(kot)*to_ka.i + sin(kot)*to_ka.j,
115         .j = cosl(kot)*to_ka.j - sin(kot)*to_ka.i
116     };
117     return se tej(r, sredi_e);
118 } // TODO: implement
119 void natisni (FILE * f, struct vektor v, const char * i) {
120     fprintf(f, "vektor %s {\n\t.i = %Lf,\n\t.j = %Lf,\n\t.k = %Lf\n}\n", i, v.i, v.j
        , v.k);
121 }
122 int nari_i (long double R, long double I, unsigned n, long double razmak, int
    koliko,
123     unsigned kotov, enum oblika oblika, long double med_tuljavama,
124     struct vektor zamik_izven_osi, long double R2, long double I2, FILE * out) {
125     struct vektor merilno_mesto = { // krajevni vektor
126         .k = 0
127     };
128     if (oblika == PGM)
129         fprintf(out, "P5 %u %u 255\n", koliko*2+1, koliko*2+1);
130     if (oblika == PPM)
131         fprintf(out, "P6 %u %u 255\n", koliko*2+1, koliko*2+1);
132     struct vektor Rpolovic = {
133         .i = med_tuljavama,
134         .j = 0,
135         .k = 0
136     };
137     for (int i = -koliko; i <= koliko; i++) {
138         merilno_mesto.i = i*razmak;
139         for (int j = -koliko; j <= koliko; j++) {
140             merilno_mesto.j = j*razmak;
141             struct vektor merilno_mesto2 = se tej(
142                 merilno_mesto,
143                 zamik_izven_osi
144             );
145             struct vektor B =
146                 se tej(
147                     mno i(
148                         mno i(
149                             tuljava(
150                                 R,
151                                 kotov,
152                                 se tej(
153                                     merilno_mesto,

```

```

154         Rpolovic
155     )
156     ),
157     n
158     ),
159     I
160     ),
161     mno i(
162         mno i(
163             tuljava(
164                 R2,
165                 kotov,
166                 se tej(
167                     merilno_mesto2,
168                     mno i(
169                         Rpolovic,
170                         -1
171                     )
172                 )
173             ),
174             n
175         ),
176         I2
177     )
178 );
179 switch (oblika) {
180     case PGM:
181         if (10000*absolutno(B) > 255)
182             putc(255, out);
183         else
184             putc(10000*absolutno(B), out);
185         break;
186     case PPM:
187 #define NATISNI_KOMPONENTO(x)    if (10000*fabsl(B.x) > 255) \
188         putc(255, out); \
189         else \
190             putc(10000*fabsl(B.x), out);
191         NATISNI_KOMPONENTO(i);
192         NATISNI_KOMPONENTO(j);
193         NATISNI_KOMPONENTO(k);
194         break;
195     case TSV:
196         fprintf(out, "%Lf\t%Lf\t%Lf\t%Lf\t%Lf\n",
197             merilno_mesto.i, merilno_mesto.j,
198             B.i, B.j, absolutno(B));
199         break;
200     case ANIMACIJA:
201         abort(); // invalid
202         break;
203 }
204 }
205 }
206 return 0;
207 }
208 int shouldexit = 0;
209 void handler (int s __attribute__((unused))) {
210     shouldexit++;
211 }
212 int main (int argc, char ** argv) {
213     if (argv[1] && !strcmp(argv[1], "animacija"))
214         goto animacija;
215     if (argv[1] && !strcmp(argv[1], "enkrat"))

```

```

216     goto enkrat;
217     if (argc < 8)
218         error(1, 0, UVOD, argv[0] ? argv[0] : "./numeri no");
219     long double R = strtold(argv[1], NULL);
220     long double I = strtold(argv[2], NULL);
221     unsigned n = strtol(argv[3], NULL, 10);
222     long double razmak = strtold(argv[4], NULL);
223     int koliko = strtold(argv[5], NULL);
224     unsigned kotov = strtol(argv[6], NULL, 10);
225     enum oblika oblika = PGM;
226     long double med_tuljavama = R/2;
227     struct vektor zamik_izven_osi = {0, 0, 0};
228     long double R2 = R;
229     long double I2 = I;
230     if (argc > 7 && argv[7][0])
231         switch (argv[7][1]) {
232             case 'G':
233                 case 'g':
234                     oblika = PGM;
235                     break;
236             case 'P':
237                 case 'p':
238                     oblika = PPM;
239                     break;
240             case 'S':
241                 case 's':
242                     oblika = TSV;
243                     break;
244             case 'N':
245                 case 'n':
246                     oblika = ANIMACIJA;
247                     break;
248         }
249     if (argc > 8 && argv[8][0])
250         med_tuljavama = strtold(argv[8], NULL);
251     if (argc > 9 && argv[9][0])
252         zamik_izven_osi.j = strtold(argv[9], NULL);
253     if (argc > 0xA && argv[0xA][0])
254         R2 = strtold(argv[0xA], NULL);
255     if (argc > 0xB && argv[0xB][0])
256         I2 = strtold(argv[0xB], NULL);
257     if (oblika != ANIMACIJA)
258         return nari_i(R, I, n, razmak, koliko, kotov, oblika, med_tuljavama,
259                     zamik_izven_osi, R2, I2, stdout);
260 enkrat:
261     if (argc != 6) {
262         fprintf(stderr, "preveri vnos!\n");
263         return 59;
264     }
265     long double radij = strtold(argv[2], NULL);
266     long double x = strtold(argv[3], NULL);
267     long double y = strtold(argv[4], NULL);
268     unsigned tevalo_kotov = strtol(argv[5], NULL, 10);
269     struct vektor Rpolovic = {
270         .i = radij/2,
271         .j = 0,
272         .k = 0
273     };
274     struct vektor merilno_mesto = { // krajevni vektor
275         .i = x,
276         .j = y,
277         .k = 0

```

```

278 };
279 struct vektor B =
280     se tej(
281         mno i(
282             mno i(
283                 tuljava(
284                     radij,
285                     tevilno_kotov ,
286                     se tej(
287                         merilno_mesto,
288                         Rpolovic
289                     )
290             ),
291             1
292         ),
293         1
294     ),
295     mno i(
296         mno i(
297             tuljava(
298                 radij,
299                 tevilno_kotov ,
300                 se tej(
301                     merilno_mesto,
302                     mno i(
303                         Rpolovic,
304                         -1
305                     )
306                 )
307             ),
308             1
309         ),
310         1
311     )
312 );
313 printf("%Lf\t%Lf\t%Lf\t%Lf", B.i, B.j, B.k, absolutno(B));
314 return 0;
315 animacija:
316 signal(SIGTERM, handler);
317 signal(SIGINT, handler);
318 unsigned as = 0;
319 while (!shouldexit && as < 21) {
320     char fn[25] = "animacija";
321     sprintf(fn+strlen(fn), "%04d.ppm", as );
322     fprintf(stderr, "%s\n", fn);
323     FILE * f = fopen(fn, "w");
324     if (!f)
325         error(2, errno, "fopen");
326     long double R = 0.06;
327     long double I = 2;
328     unsigned n = 320;
329     long double razmak = 0.0007;
330     unsigned koliko = 350;
331     unsigned kotov = 30;
332     enum oblika oblika = PPM;
333     long double med_tuljavama = (R/2/10)*( as );
334     struct vektor zamik = {
335         .i = 0,
336         .j = 0, // zamik osi
337         .k = 0
338     };
339     long double R2 = R;

```

```
340     long double I2 = I;
341     if (nari i(R, I, n, razmak, koliko, kotov, oblika, med_tuljavama, zamik, R2,
342         I2, f))
343         error(3, errno, "nari i");
344     if (fclose(f))
345         error(4, errno, "fclose");
346     as ++;
347 }
348 return 0;
349 }
```